



2019 | Απρίλιος | Φάση 3 | Διαγωνίσματα Επανάληψης

## ΦΥΣΙΚΗ

### Α' Γενικού Λυκείου

Μ. Τετάρτη 24 Απριλίου 2019 | Διάρκεια Εξέτασης: 2 ώρες

## ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

### ΘΕΜΑ Α

- A1. iii.  
A2. iv.  
A3. i.  
A4. iv.  
A5. α. Λ, β. Σ, γ. Λ, δ. Λ, ε. Σ

### ΘΕΜΑ Β

- B1. i.

Σημείο	Κινητική ενέργεια (J)	Δυναμική ενέργεια (J)	Μηχανική ενέργεια (J)
A	0	800	800
Γ	600	200	800
Δ	800	0	800

Επειδή το σώμα κινείται κατακόρυφα προς τα κάτω μόνο με την επίδραση του βάρους του, η μηχανική του ενέργεια διατηρείται σταθερή. Συνεπώς, στη θέση Α όπου η αρχική ταχύτητα του σώματος είναι ίση με το μηδέν ισχύει:

$$E_{\text{μηχ}(A)} = K_{(A)} + U_{(A)} \text{ ή } E_{\text{μηχ}(A)} = 0 + 800 \text{ J ή } E_{\text{μηχ}(A)} = 800 \text{ J}$$

Συνεπώς, για τις άλλες δύο θέσεις Γ και Δ ισχύει ότι:

$$E_{\text{μηχ}(\Gamma)} = E_{\text{μηχ}(\Delta)} = E_{\text{μηχ}(A)} = 800 \text{ J}$$



Στη θέση Γ ισχύει:

$$E_{\mu\eta\chi(\Gamma)} = K_{(\Gamma)} + U_{(\Gamma)} \quad \text{ή} \quad 800 \text{ J} = 600 \text{ J} + U_{(\Gamma)} \quad \text{ή} \quad U_{(\Gamma)} = 200 \text{ J}$$

Στη θέση Δ ισχύει:

$$E_{\mu\eta\chi(\Delta)} = K_{(\Delta)} + U_{(\Delta)} \quad \text{ή} \quad 800 \text{ J} = K_{(\Delta)} + 0 \quad \text{ή} \quad K_{(\Delta)} = 800 \text{ J}$$

ii. Σωστή απάντηση είναι η β.

Η δυναμική ενέργεια του σώματος στη θέση Α είναι:

$$U_{(A)} = mgh \quad \text{ή} \quad h = 80 \text{ m}$$

### α' τρόπος

Το σώμα όταν διέρχεται από τη θέση Β βρίσκεται σε ύψος  $h_1 = \frac{3h}{4} = 60 \text{ m}$

πάνω από το έδαφος, οπότε η δυναμική του ενέργεια στη θέση αυτή είναι:

$$U_{(B)} = mgh_1 \quad \text{ή} \quad U_{(B)} = 600 \text{ J}$$

Εφαρμόζουμε την Α.Δ.Μ.Ε. για την κίνηση του σώματος από το σημείο Α μέχρι το σημείο Β:

$$E_{\mu\eta\chi(A)} = E_{\mu\eta\chi(B)} \quad \text{ή} \quad K_{(A)} + U_{(A)} = K_{(B)} + U_{(B)} \quad \text{ή} \quad 0 + 800 \text{ J} = \frac{1}{2}mv_B^2 + 600 \text{ J} \quad \text{ή}$$

$$v_B = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (1)$$

Εφαρμόζουμε την Α.Δ.Μ.Ε. για την κίνηση του σώματος από το σημείο Α μέχρι το σημείο Δ:

$$E_{\mu\eta\chi(A)} = E_{\mu\eta\chi(\Delta)} \quad \text{ή} \quad K_{(A)} + U_{(A)} = K_{(\Delta)} + U_{(\Delta)} \quad \text{ή} \quad 0 + 800 \text{ J} = \frac{1}{2}mv_{\Delta}^2 + 0 \quad \text{ή}$$

$$v_{\Delta} = 40 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (2)$$

Με διαίρεση κατά μέλη των σχέσεων (1) και (2) προκύπτει:

$$\frac{v_B}{v_{\Delta}} = \frac{20}{40} \quad \text{ή} \quad \frac{v_B}{v_{\Delta}} = \frac{1}{2}$$



**β' τρόπος**

Το σώμα εκτελεί ελεύθερη πτώση. Έστω  $t_B$  η χρονική στιγμή κατά την οποία το σώμα διέρχεται από το σημείο B και  $t_\Delta$  η χρονική στιγμή κατά την οποία φτάνει στο έδαφος. Τη χρονική στιγμή κατά την οποία το σώμα διέρχεται από το σημείο B έχει διανύσει από τη στιγμή που αφέθηκε ελεύθερο να πέσει διάστημα  $s_1 = \frac{h}{4} = 20 \text{ m}$ . Συνεπώς ισχύει:

$$s_1 = \frac{1}{2}gt_B^2 \quad \text{ή} \quad t_B = \sqrt{\frac{2s_1}{g}} \quad \text{ή} \quad t_B = 2 \text{ s}$$

Το μέτρο της ταχύτητας του σώματος στη θέση B είναι:

$$v_B = gt_B \quad \text{ή} \quad v_B = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (1)$$

Όταν το σώμα φτάνει στο έδαφος (σημείο Δ) έχει διανύσει από τη στιγμή που αφέθηκε ελεύθερο να πέσει διάστημα  $s_2 = h = 80 \text{ m}$ . Συνεπώς ισχύει:

$$s_2 = \frac{1}{2}gt_\Delta^2 \quad \text{ή} \quad h = \frac{1}{2}gt_\Delta^2 \quad \text{ή} \quad t_\Delta = \sqrt{\frac{2h}{g}} \quad \text{ή} \quad t_\Delta = 4 \text{ s}$$

Το μέτρο της ταχύτητας του σώματος τη χρονική στιγμή  $t_\Delta$  υπολογίζεται από τη σχέση:

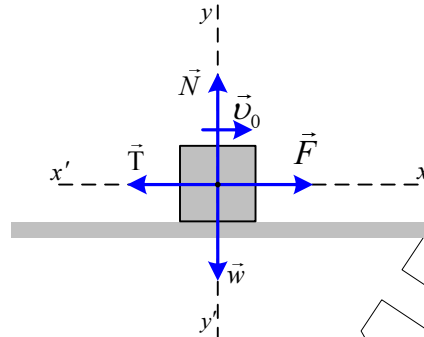
$$v_\Delta = gt_\Delta \quad \text{ή} \quad v_\Delta = 40 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (2)$$

Με διαίρεση κατά μέλη των σχέσεων (1) και (2) προκύπτει:

$$\frac{v_B}{v_\Delta} = \frac{20}{40} \quad \text{ή} \quad \frac{v_B}{v_\Delta} = \frac{1}{2}$$

**B2. i.** Σωστή απάντηση είναι η γ.

Οι δυνάμεις που δέχεται το σώμα κατά τη διάρκεια της κίνησής του είναι η δύναμη  $\vec{F}$ , το βάρος του  $\vec{w}$ , η κάθετη αντίδραση  $\vec{N}$  και η τριβή ολίσθησης  $\vec{T}$  από το δάπεδο.



Επειδή το σώμα στον άξονα  $x'x$  εκτελεί ευθύγραμμη ομαλή κίνηση ισχύει:

$$\Sigma F_x = 0 \text{ ή } F - T = 0 \text{ ή } F = T \text{ ή } F = \mu N \quad (1)$$

Επειδή το σώμα δεν κινείται στο άξονα  $y'y$  ισχύει:

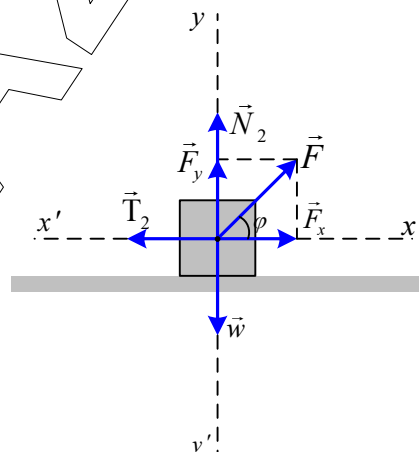
$$\Sigma F_y = 0 \text{ ή } N - w = 0 \text{ ή } N = mg \quad (2)$$

Συνεπώς από τις σχέσεις (1) και (2) προκύπτει:

$$F = \mu mg \text{ ή } \mu = \frac{F}{mg} \text{ ή } \mu = 0,5$$

ii. Σωστή απάντηση είναι η γ.

Αναλύουμε τη δύναμη  $\vec{F}$  σε δύο κάθετες μεταξύ τους συνιστώσες  $\vec{F}_x$  και  $\vec{F}_y$ , όπως φαίνεται στο σχήμα.





Είναι:

$$\cos\varphi = \frac{F_x}{F} \quad \text{ή} \quad F_x = F \cos\varphi \quad \text{ή} \quad F_x = 6 \text{ N}$$

$$\sin\varphi = \frac{F_y}{F} \quad \text{ή} \quad F_y = F \sin\varphi \quad \text{ή} \quad F_y = 8 \text{ N}$$

Το μέτρο της κάθετης δύναμης  $\vec{N}_2$  που δέχεται το σώμα από το δάπεδο υπολογίζεται από τη σχέση:

$$\Sigma F_y = 0 \quad \text{ή} \quad N_2 + F_y - w = 0 \quad \text{ή} \quad N_2 = mg - F_y \quad \text{ή} \quad N_2 = 12 \text{ N}$$

Το μέτρο της τριβής ολίσθησης που δέχεται το σώμα από το δάπεδο υπολογίζεται από τη σχέση:

$$T_2 = \mu N_2 \quad \text{ή} \quad T_2 = 6 \text{ N}$$

Το μέτρο της συνισταμένης δύναμης που δέχεται το σώμα στον άξονα  $x'x$  υπολογίζεται από τη σχέση:

$$\Sigma F_x = F_x - T_2 \quad \text{ή} \quad \Sigma F_x = 0$$

Συνεπώς σύμφωνα με τον Α' Νόμο του Νεύτωνα το σώμα θα συνεχίσει να κινείται με σταθερή ταχύτητα  $\vec{v}_0$ .

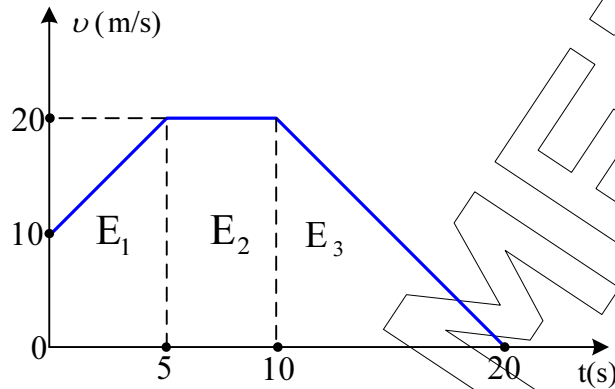
## ΘΕΜΑ Γ

**Γ1.** Στο χρονικό διάστημα από  $0 \rightarrow 5 \text{ s}$  το σώμα εκτελεί ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη κίνηση με αρχική ταχύτητα μέτρου  $v_0 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .

Στο χρονικό διάστημα από  $5 \text{ s} \rightarrow 10 \text{ s}$  το σώμα εκτελεί ευθύγραμμη ομαλή κίνηση με σταθερή ταχύτητα μέτρου  $v = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .

Στο χρονικό διάστημα από  $10 \text{ s} \rightarrow 20 \text{ s}$  το σώμα εκτελεί ευθύγραμμη ομαλά επιβραδυνόμενη κίνηση μέχρι να σταματήσει.

- Γ2. Από το εμβαδόν του διαγράμματος  $v = f(t)$  μπορούμε να υπολογίσουμε τη συνολική μετατόπιση του σώματος.



Συνεπώς ισχύει:

$$\Delta x_1 = E_1 = \frac{(10 + 20) \cdot 5}{2} \text{ m} \quad \text{ή} \quad \Delta x_1 = 75 \text{ m}$$

$$\Delta x_2 = E_2 = 20 \cdot 5 \text{ m} \quad \text{ή} \quad \Delta x_2 = 100 \text{ m}$$

$$\Delta x_3 = E_3 = \frac{10 \cdot 20}{2} \text{ m} \quad \text{ή} \quad \Delta x_3 = 100 \text{ m}$$

Επειδή το σώμα κινείται συνεχώς προς την ίδια κατεύθυνση το συνολικό διάστημα που διανύει ισούται με το μέτρο της συνολικής μετατόπισής του. Συνεπώς:

$$S_{\text{ολ}} = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| + |\Delta x_3| \quad \text{ή} \quad S_{\text{ολ}} = 275 \text{ m}$$

- Γ3. Έστω  $\alpha_1$  η επιτάχυνση του σώματος στο χρονικό διάστημα από  $0 \rightarrow 5$  s. Ισχύει:

$$\alpha_1 = \frac{\Delta v_1}{\Delta t_1} \quad \text{ή} \quad \alpha_1 = \frac{20 \frac{\text{m}}{\text{s}} - 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{5 \text{ s}} \quad \text{ή} \quad \alpha_1 = +2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

Η συνισταμένη δύναμη που δέχεται το σώμα στο χρονικό διάστημα από  $0 \rightarrow 5$  s υπολογίζεται από τη σχέση:

$$\Sigma F_1 = m \alpha_1 \quad \text{ή} \quad \Sigma F_1 = 8 \text{ N}$$

Έστω  $\alpha_2$  η επιτάχυνση του σώματος στο χρονικό διάστημα από  $5 \text{ s} \rightarrow 10 \text{ s}$ . Ισχύει:

$$\alpha_2 = \frac{\Delta v_2}{\Delta t_2} \quad \text{ή} \quad \alpha_2 = 0$$

Συνεπώς για τη συνισταμένη δύναμη που δέχεται το σώμα στο χρονικό διάστημα από 5 s → 10 s ισχύει:

$$\Sigma F_2 = m\alpha_2 \quad \text{ή} \quad \Sigma F_2 = 0$$

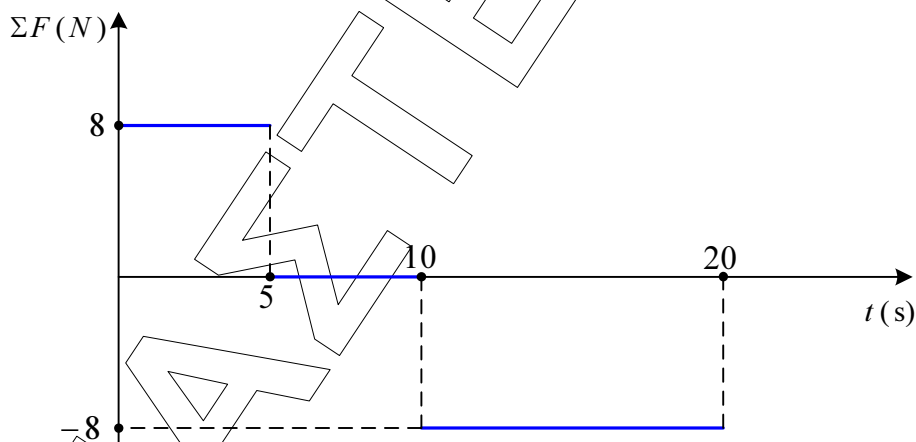
Έστω  $\alpha_3$  η επιτάχυνση του σώματος στο χρονικό διάστημα από 10 s → 20 s. Ισχύει:

$$\alpha_3 = \frac{\Delta v_3}{\Delta t_3} \quad \text{ή} \quad \alpha_3 = \frac{0 - 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{10 \text{ s}} \quad \text{ή} \quad \alpha_3 = -2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

Η συνισταμένη δύναμη που δέχεται το σώμα στο χρονικό διάστημα από 10 s → 20 s υπολογίζεται από τη σχέση:

$$\Sigma F_3 = m\alpha_3 \quad \text{ή} \quad \Sigma F_3 = -8 \text{ N}$$

Η ζητούμενη γραφική παράσταση φαίνεται στο παρακάτω σχήμα:



**Γ4.** Το μέτρο  $v_1$  της ταχύτητας του σώματος τη χρονική στιγμή  $t_1 = 2$  s υπολογίζεται από τη σχέση:

$$v_1 = v_0 + \alpha_1 t_1 \quad \text{ή} \quad v_1 = 14 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Το μέτρο  $v_2$  της ταχύτητας του σώματος τη χρονική στιγμή  $t_2 = 12$  s υπολογίζεται από τη σχέση:

$$v_2 = v - |\alpha_3| \Delta t \quad \text{ή} \quad v_2 = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}} - 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot (12 \text{ s} - 10 \text{ s}) \quad \text{ή} \quad v_2 = 16 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

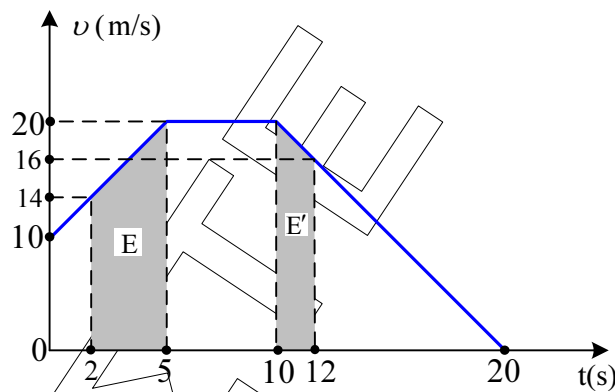
**α' τρόπος**

Για να υπολογίσουμε το έργο της συνισταμένης δύναμης από τη χρονική στιγμή  $t_1 = 2 \text{ s}$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_2 = 12 \text{ s}$  εφαρμόζουμε το Θ.Μ.Κ.Ε. για την κίνηση του σώματος μεταξύ αυτών των δύο χρονικών στιγμών. Συνεπώς ισχύει:

$$W_{\Sigma F} = K_{\text{τελ}} - K_{\text{αρχ}} \quad \text{ή} \quad W_{\Sigma F} = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 \quad \text{ή} \quad W_{\Sigma F} = +120 \text{ J}$$

**β' τρόπος**

Από τα σκιασμένα εμβαδά  $E$  και  $E'$  του παρακάτω σχήματος μπορούμε να υπολογίσουμε τις μετατοπίσεις  $\Delta x$  και  $\Delta x'$  που διανύει το σώμα στα χρονικά διαστήματα από  $2 \text{ s} \rightarrow 5 \text{ s}$  και από  $10 \text{ s} \rightarrow 12 \text{ s}$  αντίστοιχα.



Ισχύει:

$$\Delta x = E = \frac{(14+20) \cdot 3}{2} \cdot \text{m} \quad \text{ή} \quad \Delta x = 51 \text{ m}$$

$$\Delta x' = E' = \frac{(20+16) \cdot 2}{2} \cdot \text{m} \quad \text{ή} \quad \Delta x' = 36 \text{ m}$$

Επειδή το σώμα κινείται συνεχώς προς την ίδια κατεύθυνση, για τα διαστήματα  $s$  και  $s'$  που διανύει στις χρονικές διάρκειες από  $2 \text{ s} \rightarrow 5 \text{ s}$  και από  $10 \text{ s} \rightarrow 12 \text{ s}$  αντίστοιχα, ισχύει:

$$s = |\Delta x| = 51 \text{ m} \quad \text{και} \quad s' = |\Delta x'| = 36 \text{ m}$$

Το έργο της συνισταμένης δύναμης που δέχεται το σώμα στο χρονικό διάστημα από  $2 \text{ s} \rightarrow 5 \text{ s}$  υπολογίζεται από τη σχέση:

$$W_{\Sigma F_1} = +|\Sigma F_1|s \quad \text{ή} \quad W_{\Sigma F_1} = +408 \text{ J}$$



Το έργο της συνισταμένης δύναμης που δέχεται το σώμα στο χρονικό διάστημα από  $5\text{ s} \rightarrow 10\text{ s}$  είναι  $W_{\Sigma F_2} = 0$ .

Το έργο της συνισταμένης δύναμης που δέχεται το σώμα στο χρονικό διάστημα από  $10\text{ s} \rightarrow 12\text{ s}$  υπολογίζεται από τη σχέση:

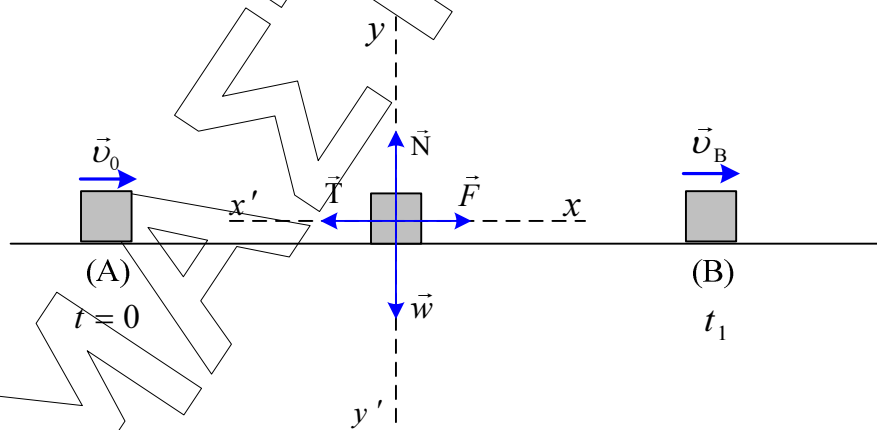
$$W_{\Sigma F_3} = -|\Sigma F_3|s' \quad \text{ή} \quad W_{\Sigma F_3} = -288\text{ J}$$

Συνεπώς το συνολικό έργο είναι:

$$W_{\Sigma F} = W_{\Sigma F_1} + W_{\Sigma F_2} + W_{\Sigma F_3} \quad \text{ή} \quad W_{\Sigma F} = +120\text{ J}$$

### ΘΕΜΑ Δ

- Δ1. i)** Οι δυνάμεις που δέχεται το σώμα από τη χρονική στιγμή  $t = 0$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_1$  είναι: η δύναμη  $\vec{F}$ , το βάρος του  $\vec{w}$ , η κάθετη αντίδραση  $\vec{N}$  και η τριβή ολίσθησης  $\vec{T}$  από το δάπεδο.



Επειδή το σώμα δεν κινείται στον άξονα  $y'y$  ισχύει:

$$\Sigma F_y = 0 \quad \text{ή} \quad N - w = 0 \quad \text{ή} \quad N = mg \quad \text{ή} \quad N = 20\text{ N}$$

Το μέτρο της τριβής ολίσθησης που δέχεται το σώμα από το δάπεδο υπολογίζεται από τη σχέση:

$$T = \mu N \quad \text{ή} \quad T = 10\text{ N}$$

Έστω  $\alpha_1$  το μέτρο της επιτάχυνσης με την οποία κινείται το σώμα στο χρονικό διάστημα από τη χρονική στιγμή  $t = 0$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_1$ . Από το δεύτερο Νόμο του Νεύτωνα στον άξονα  $x'x$  προκύπτει:

$$\Sigma F_x = m\alpha_1 \quad \text{ή} \quad F - T = m\alpha_1 \quad \text{ή} \quad \alpha_1 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

ii) Το μέτρο  $v_B$  της ταχύτητας του σώματος τη χρονική στιγμή  $t_1 = 5 \text{ s}$  υπολογίζεται από τη σχέση:

$$v_B = v_0 + \alpha_1 t_1 \quad \text{ή} \quad v_B = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}} + 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 5 \text{ s} \quad \text{ή} \quad v_B = 15 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

**Δ2.** Έστω  $s_1$  το διάστημα που διανύει το σώμα από τη χρονική στιγμή  $t = 0$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_1$ . Ισχύει:

$$s_1 = v_0 t_1 + \frac{1}{2} \alpha_1 t_1^2 \quad \text{ή} \quad s_1 = 50 \text{ m}$$

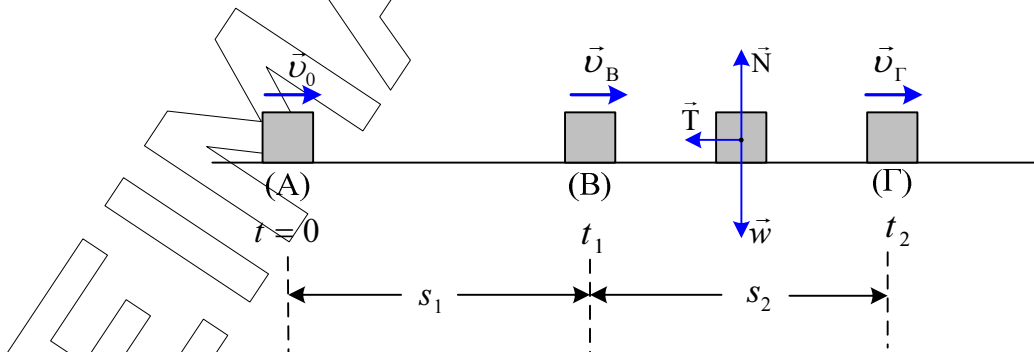
Το έργο της δύναμης  $\vec{F}$  από τη χρονική στιγμή  $t = 0$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_1$  υπολογίζεται από τη σχέση:

$$W_F = + F s_1 \quad \text{ή} \quad W_F = + 700 \text{ J}$$

Το έργο της τριβής ολίσθησης από τη χρονική στιγμή  $t = 0$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_1$  υπολογίζεται από τη σχέση:

$$W_T = - T \cdot s_1 \quad \text{ή} \quad W_T = - 500 \text{ J}$$

**Δ3.** i) Έστω  $\alpha_2$  το μέτρο της επιτάχυνσης με την οποία κινείται το σώμα από τη χρονική στιγμή  $t_1$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_2$ .



Από το δεύτερο Νόμο του Νεύτωνα για την κίνηση του σώματος στον άξονα  $x'x$  προκύπτει:



$$\Sigma F_x = m\alpha_2 \quad \text{ή} \quad T = m\alpha_2 \quad \text{ή} \quad \alpha_2 = \frac{T}{m} \quad \text{ή} \quad \alpha_2 = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

ii) Έστω  $s_2$  το διάστημα που διανύει το σώμα από τη χρονική στιγμή  $t_1$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_2$ .

**α' τρόπος**

Εφαρμόζουμε το Θ.Μ.Κ.Ε. για την κίνηση του σώματος από το σημείο Β μέχρι το σημείο Γ. Συνεπώς ισχύει:

$$K_{\text{τελ}}^{(\Gamma)} - K_{\text{αρχ}}^{(\text{B})} = W_T \quad \text{ή} \quad \frac{1}{2} m v_{\Gamma}^2 - \frac{1}{2} m v_{\text{B}}^2 = T \cdot s_2 \quad \text{ή}$$
$$s_2 = \frac{m(v_{\text{B}}^2 - v_{\Gamma}^2)}{2T} \quad \text{ή} \quad s_2 = 12,5 \text{ m}$$

**β' τρόπος**

Επειδή η κίνηση του σώματος από το σημείο Β μέχρι το σημείο Γ είναι ευθύγραμμη ομαλά επιβραδυνόμενη ισχύει:

$$v_{\Gamma} = v_{\text{B}} - \alpha_2(t_2 - t_1) \quad \text{ή} \quad t_2 - t_1 = \frac{v_{\text{B}} - v_{\Gamma}}{\alpha_2} \quad \text{ή} \quad t_2 - t_1 = 1 \text{ s}$$

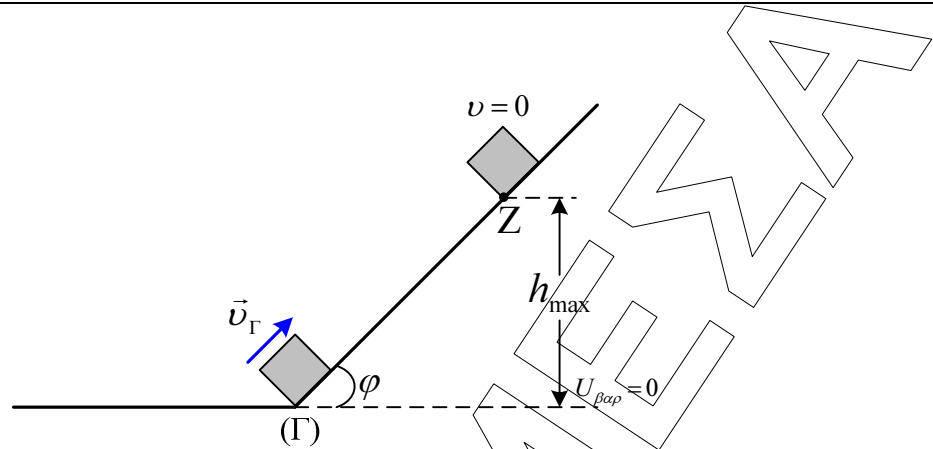
Το διάστημα  $s_2$  που διανύει το σώμα από τη χρονική στιγμή  $t_1$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_2$  υπολογίζεται από τη σχέση:

$$s_2 = v_{\text{B}}(t_2 - t_1) - \frac{1}{2} \alpha_2(t_2 - t_1)^2 \quad \text{ή} \quad s_2 = 15 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 1 \text{ s} - \frac{1}{2} \cdot 5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot (1 \text{ s})^2 \quad \text{ή} \quad s_2 = 12,5 \text{ m}$$

Συνεπώς το συνολικό διάστημα που διανύει το σώμα από τη χρονική στιγμή  $t = 0$  μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_2$  είναι ίσο με:  $s_{\text{ολ}} = s_1 + s_2$  ή  $s_{\text{ολ}} = 62,5 \text{ m}$ .

**Δ4. α' τρόπος**

Οι δυνάμεις που δέχεται το σώμα κατά τη διάρκεια της ανόδου του στο κεκλιμένο επίπεδο είναι το βάρος του  $\vec{w}$  και η κάθετη αντίδραση  $\vec{N}$  από το κεκλιμένο επίπεδο. Επειδή το έργο της δύναμης  $\vec{N}$  είναι ίσο με μηδέν μπορούμε να εφαρμόσουμε την Α.Δ.Μ.Ε. από το σημείο Γ στη βάση του κεκλιμένου επιπέδου, μέχρι το σημείο Ζ στο οποίο ακινητοποιείται στιγμιαία το σώμα φτάνοντας σε ύψος  $h_{\text{max}}$  πάνω από τη βάση του. Συνεπώς, αν θεωρήσουμε ως επίπεδο μηδενικής βαρυτικής δυναμικής ενέργειας το επίπεδο που ταυτίζεται με το οριζόντιο δάπεδο έχουμε:



$$E_{μηχ(\Gamma)} = E_{μηχ(Z)} \quad \text{ή} \quad K_{(\Gamma)} + U_{(\Gamma)} = K_{(Z)} + U_{(Z)} \quad \text{ή} \quad \frac{1}{2}mv_{\Gamma}^2 + 0 = 0 + mgh_{\max} \quad \text{ή}$$

$$h_{\max} = \frac{v_{\Gamma}^2}{2g} \quad \text{ή} \quad h_{\max} = 5 \text{ m}$$

**β' τρόπος**

Εφαρμόζουμε το Θ.Μ.Κ.Ε. για την κίνηση του σώματος από το σημείο Γ μέχρι το σημείο Z. Ισχύει:

$$K_{\text{τελ}}^{(Z)} - K_{\text{αρχ}}^{(\Gamma)} = W_W + W_N \quad \text{ή} \quad 0 - \frac{1}{2}mv_{\Gamma}^2 = -mgh_{\max} + 0$$

$$h_{\max} = \frac{v_{\Gamma}^2}{2g} \quad \text{ή} \quad h_{\max} = 5 \text{ m}$$