



# Γ' ΤΑΞΗ ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΕΠΑ.Λ

## Α' ΟΜΑΔΑ

### ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ Ι

#### ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

##### **ΘΕΜΑ 1<sup>ο</sup>**

- A. Πότε μία συνάρτηση  $f$  είναι παραγωγίσιμη σε ένα σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της;
- (10 μονάδες)
- B. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιο σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη ΣΩΣΤΟ αν η πρόταση είναι σωστή, ή ΛΑΘΟΣ, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.
- a. Αν μία συνάρτηση  $f$  είναι παραγωγίσιμη σε ένα σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της, τότε θα είναι και συνεχής στο σημείο αυτό.
- (3 μονάδες)
- b. Αν οι συναρτήσεις  $f, g: A \rightarrow R$  είναι παραγωγίσιμες στο πεδίο ορισμού τους  $A$ , τότε η συνάρτηση  $\frac{f}{g}$  ( $g \neq 0$ ) είναι παραγωγίσιμη στο  $A$  και ισχύει:
- $$\left(\frac{f}{g}\right)'(x) = \frac{f'(x)g(x) + f(x)g'(x)}{g^2(x)}$$
- (3 μονάδες)
- c. Αν για τη συνάρτηση  $f$  ισχύει  $f'(x) > 0$  για κάθε  $x \in R$ , τότε  $f(x) > 0$  για κάθε  $x \in R$ .
- (3 μονάδες)
- d. Αν η συνάρτηση  $f$  παρουσιάζει τοπικό ακρότατο σε ένα εσωτερικό σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της και είναι παραγωγίσιμη στο σημείο αυτό, τότε
- $$f'(x_0) = 0.$$
- (3 μονάδες)
- e. Αν  $f'(x) = e^x$  τότε  $f(x) = e^x$
- (3 μονάδες)

**ΘΕΜΑ 2<sup>ο</sup>**

Δίνεται συνάρτηση  $f$  με  $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 6}{x - 3}$ .

- α. Να βρεθεί το πεδίο ορισμού της και να εξετασθεί αν είναι συνεχής σε αυτό.  
(6 μονάδες)

- β. Να βρεθεί το  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$

(7 μονάδες)

- γ. Να βρεθούν οι  $f'(x)$  και  $f''(x)$

(7 μονάδες)

- δ. Να υπολογισθεί το  $\int_1^2 f'(x)dx$

(5 μονάδες)

**ΘΕΜΑ 3<sup>ο</sup>**

Δίνεται η συνάρτηση  $f$  με  $f(x) = ax^4 - 2x^3 + \beta$  και  $x \in [-2, 2]$ .

- α. Να βρεθούν οι αριθμοί  $a, \beta \in \mathbb{R}$ , αν η γραφική παράσταση της  $f$  διέρχεται από το σημείο  $A(0, 5)$  και η  $f$  παρουσιάζει ακρότατο στο σημείο  $x_0 = -1$ .  
(10 μονάδες)

- β. Να μελετηθεί η  $f$  ως προς τη μονοτονία και τα ακρότατα.

(10 μονάδες)

- γ. Να υπολογισθεί το  $\int_{-2}^2 f(x)dx$

(5 μονάδες)

**ΘΕΜΑ 4<sup>ο</sup>**

Ο παρακάτω πίνακας δείχνει τις ηλικίες των εικοσιπέντε κολυμβητών ενός συλλόγου μιας πόλης:

Ηλικίες	Συχνότητα
[16, 20)	3
[20, 24)	5
[24, 28)	
[28, 32)	7
[32, 36)	

- α. Αν η συχνότητα της τρίτης κλάσης είναι τετραπλάσια από τη συχνότητα της πέμπτης κλάσης, να βρεθεί η μέση τιμή. (5 μονάδες)
- β. Να βρεθεί η επικρατούσα τιμή. (5 μονάδες)
- γ. Να βρεθεί η διάμεσος.
- δ. Να βρεθούν η διακύμανση και η τυπική απόκλιση.
- ε. Να εξετασθεί αν είναι το δείγμα ομοιογενές.

